

200 运动方程

主题

运动方程是什么意思？在不同的中学和大学教科书中是这样回答的：

$$\triangleright \frac{d\vec{p}}{dt} = \sum_i \vec{F}_i$$

$$\triangleright \vec{F} = m\ddot{\vec{r}}$$

$$\triangleright \frac{dP}{dt} = F \quad \frac{dr}{dt} = v$$

$$\triangleright \frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{q}_i} - \frac{\partial L}{\partial q_i} = 0$$

$$\triangleright \dot{q}_i = + \frac{\partial H}{\partial p_i} \quad \dot{p}_i = - \frac{\partial H}{\partial q_i}$$

$$\triangleright \frac{d\vec{v}}{dt} + \text{grad}(\vec{v}) \cdot \vec{v} + \frac{1}{\rho} \text{grad}(\rho) = \vec{k}$$

$$\triangleright \rho \frac{D\vec{v}}{Dt} = \rho \left(\frac{\partial \vec{v}}{\partial t} + (\vec{v} \cdot \nabla) \vec{v} \right) = -\nabla p + \mu \Delta \vec{v} + (\lambda + \mu) \nabla(\nabla \cdot \vec{v}) + \vec{f}$$

$$\triangleright \dot{\mathfrak{P}} = \frac{d}{dt} \{ uM + M \mathfrak{w} \times \mathfrak{r} \} = \mathfrak{K}$$

$$\dot{\mathfrak{L}} = \frac{d}{dt} (I * \mathfrak{w}) = \mathfrak{D}$$

$$\triangleright H|\psi\rangle = i\hbar \frac{\partial}{\partial t} |\psi\rangle$$

$$\triangleright \mathbf{s} = \frac{1}{2} \mathbf{a} \cdot t^2 + \mathbf{v}_0 \cdot t + \mathbf{s}_0$$

$$\triangleright \mathbf{s} = \mathbf{v}_0 \cdot t + \mathbf{s}_0$$

$$\triangleright \mathbf{s} = \mathbf{s}_0 \cdot \sin(\omega \cdot t + \varphi)$$

$$\triangleright \mathbf{s} = \mathbf{s}_0 \cdot e^{-k \cdot t} \sin(\omega \cdot t + \varphi)$$

负担

运动方程看似一个重要的概念。有时人们用黑体字来强调它。然而，这个

术语表示什么意思？它表示运动物体的位移-时刻规律？还是表示动量平衡关系？或表示波函数随时间的变化关系？

无论在大学课堂中还是在中学课堂中，我从来不用这个词。我承认，我以前一直是这样（因为我怕说错了话），直到我意识到我们根本不会用错这个词。这个词用在什么地方总是合适的。

也许，大英百科全书的这一条目的作者也无法解决这一问题。这个词条是这样的：

运动方程：是描述相对于给定参考系的物体的位置、速度或加速度的数学公式。牛顿第二定律 $F=ma$ 是经典力学中的基本运动方程。这个定律告诉我们，作用在物体上的力 F 等于物体的质量 m 和其质心加速度 a 的乘积。

历史

人们总倾向于把力学过程的运动学特征视为最重要的方面。也许仍然是这个原因，导致人们明明讨论的是动量或能量方程，但仍会联想到动量或能量在运动学中的“表姐表妹”。

建议

人们很难确定哪个方程可真正称之为运动方程。因此，我的建议是，抛弃这个名称。对失去了的东西，人们容易忘掉。

Friedrich Herrmann

（陈敏华，2021年6月30日译毕于鉴湖中学）